

Examenul de bacalaureat național 2016
Proba E. c)
Matematică *M_pedagogic*
Clasa a XI-a
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Simulare

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\left(1 - \frac{1}{2}\right)\left(1 - \frac{1}{3}\right)\left(1 - \frac{1}{4}\right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} = \frac{1}{4} = 0,25 > 0,24$	3p 2p
2.	$f(6-x) = (6-x)^2 - 6(6-x) + 3 = 36 - 12x + x^2 - 36 + 6x + 3 = x^2 - 6x + 3 = f(x)$, pentru orice număr real x	3p 2p
3.	$x^2 + 4x - 5 = (x-1)^2 \Rightarrow x^2 + 4x - 5 = x^2 - 2x + 1$ $x = 1$, care verifică ecuația	3p 2p
4.	Sunt 50 de elemente în mulțimea $\{\sqrt{n} n \in \mathbb{N}, n < 50\}$, deci sunt 50 de cazuri posibile Sunt 8 numere raționale în mulțimea $\{\sqrt{n} n \in \mathbb{N}, n < 50\}$, deoarece sunt 8 numere naturale pătrate perfecte în mulțimea $\{0, 1, 2, \dots, 49\}$, deci sunt 8 cazuri favorabile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{8}{50} = \frac{4}{25}$	1p 2p 2p
5.	$m_{AB} = -1$ $m_{BC} = -1 \Rightarrow m_{AB} = m_{BC}$, deci punctele A , B și C sunt coliniare	2p 3p
6.	$m(\sphericalangle AOD) = 90^\circ$, unde $\{O\} = AC \cap BD$ și $DO = 3 \Rightarrow AO = 4$ $\sin(\sphericalangle ADB) = \frac{AO}{AD} = \frac{4}{5}$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	$2 * (-4) = 2 + (-4) + 3 = 1$	3p 2p
2.	$(x * y) * z = (x + y + 3) * z = (x + y + 3) + z + 3 = x + y + z + 6$ $x * (y * z) = x * (y + z + 3) = x + (y + z + 3) + 3 = x + y + z + 6 = (x * y) * z$, pentru orice numere reale x , y și z , deci legea de compoziție „*” este asociativă	2p 3p
3.	$x * (-3) = x + (-3) + 3 = x$, pentru orice număr real x $(-3) * x = (-3) + x + 3 = x$, pentru orice număr real x , deci $e = -3$ este elementul neutru al legii de compoziție „*”	2p 3p
4.	$9^x + 3^x - 90 = 0 \Leftrightarrow (3^x - 9)(3^x + 10) = 0$ Deoarece $3^x > 0$, soluția ecuației este $x = 2$	3p 2p
5.	$(2n^2 - 2n - 1) * (2n^2 - 2n - 1) = (2n^2 - 2n - 1) + (2n^2 - 2n - 1) + 3 = 4n^2 - 4n + 1 = (2n - 1)^2$, care este pătrat perfect pentru orice număr natural n	3p 2p

6.	$a = (1 * (-3)) * (5 * (-7)) * (9 * (-11)) * (13 * (-15)) * (17 * (-19)) = 1 * 1 * 1 * 1 * 1 = 5 * 5 * 1 = 13 * 1 = 17 = \sqrt{289} \in (\sqrt{288}, \sqrt{290})$	3p 2p
-----------	---	------------------------

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	$1 = 1 + 0\sqrt{5}$ Deoarece $0 \in \mathbb{Z}$ și $1 \in \mathbb{Z}$, obținem $1 \in \mathbb{Z}[\sqrt{5}]$	3p 2p
2.	$x = a + b\sqrt{5}$, $y = c + d\sqrt{5}$, unde $a, b, c, d \in \mathbb{Z} \Rightarrow x + y = (a + c) + (b + d)\sqrt{5}$ Deoarece $a + c \in \mathbb{Z}$ și $b + d \in \mathbb{Z}$, obținem $x + y \in \mathbb{Z}[\sqrt{5}]$	3p 2p
3.	$x = a + b\sqrt{5}$, $y = c + d\sqrt{5}$, unde $a, b, c, d \in \mathbb{Z} \Rightarrow xy = (ac + 5bd) + (ad + bc)\sqrt{5}$ Deoarece $ac + 5bd \in \mathbb{Z}$ și $ad + bc \in \mathbb{Z}$, obținem $xy \in \mathbb{Z}[\sqrt{5}]$	3p 2p
4.	$\frac{1}{9 + 4\sqrt{5}} = \frac{9 - 4\sqrt{5}}{(9 - 4\sqrt{5})(9 + 4\sqrt{5})} =$ $= \frac{9 - 4\sqrt{5}}{9^2 - (4\sqrt{5})^2} = 9 - 4\sqrt{5}$	3p 2p
5.	$\frac{1}{9 - 4\sqrt{5}} = 9 + 4\sqrt{5}$ Deoarece $9 \in \mathbb{Z}$ și $4 \in \mathbb{Z}$, obținem $\frac{1}{9 - 4\sqrt{5}} \in \mathbb{Z}[\sqrt{5}]$	3p 2p
6.	De exemplu, pentru $x = 9 - 4\sqrt{5}$, avem $x \in \mathbb{Z}[\sqrt{5}]$ și $x = \frac{1}{9 + 4\sqrt{5}}$ Deoarece $2 < \sqrt{5} \Rightarrow 8 < 4\sqrt{5} \Rightarrow 17 < 9 + 4\sqrt{5}$, obținem $0 < \frac{1}{9 + 4\sqrt{5}} < \frac{1}{17}$, adică $0 < x < \frac{1}{17}$	3p 2p