

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE****Varianta 6***Prof. Badea Daniela*

- ◆ Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- ◆ Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- ◆ Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului obținut la 10.

**SUBIECTUL I (30 de puncte)**

1.	$ 2x-1  \leq 3 \Leftrightarrow -3 \leq 2x-1 \leq 3$ $-1 \leq x \leq 2$ dar $x \in \mathbb{Z} \Rightarrow A = \{-1, 0, 1, 2\}$ $\Rightarrow \text{card}A = 4$	2p 1p 1p 1p
2.	$A(0,3) \in G_f \Leftrightarrow f(0) = 3 \Leftrightarrow b = 3$ $-\frac{a}{2} = 1 \Leftrightarrow a = -2$ $\Rightarrow f(x) = x^2 - 2x + 3$	2p 2p 1p
3.	CE: $x^2 - 2x > 0 \Leftrightarrow x \in (-\infty, 0) \cup (2, \infty)$ $x^2 - 2x - 3 = 0$ $x_1 = -1, x_2 = 3 \xrightarrow{\text{CE}} S = \{-1, 3\}$	1p 2p 2p
4.	$C_{10}^3 =$ $= 120$	3p 2p
5.	$x_1 x_2 + y_1 y_2 = 0 \Rightarrow$ $m^2 - 2m + 1 = 0$ $m = 1$	2p 2p 1p
6.	$\cos(180^\circ - x) = -\cos x$ $\cos 90^\circ = 0$ $S = 0$	2p 1p 2p

**SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)**

1.	a) $A^2 = 2I_2$ $A^{2012} = 2^{1006} \cdot I_2$ ;	3p 2p
b)	$X = \begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix}; XA = AX$ $\Rightarrow \begin{cases} t = x \\ y = 2z \end{cases}$ finalizare	1p 3p 1p
c)	$A^{2k} = 2^k I_2, (\forall) k \in \mathbb{N}^*$ $A^{2k+1} = 2^k A, (\forall) k \in \mathbb{N}$ $A + A^3 + A^5 + \dots + A^{2011} = A + 2A + 2^2 A + \dots + 2^{1005} A =$ $= (1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{1005}) A = (2^{1006} - 1) A$ $A^2 + A^4 + A^6 + \dots + A^{2012} = (2 + 2^2 + \dots + 2^{1006}) I_2 = 2(2^{1006} - 1) I_2.$	1p 1p 2p 1p
2.	Definiția elementului neutru a) $e = 5 \in \mathbb{Z}$	2p 3p
b)	Definiția elementului simetrizabil 3' = 3 $\in \mathbb{Z}$	2p 3p
c)	$x * y = (x - 4)(y - 4) + 4$ $S = (a * 4) * b = 4 * b = 4$	2p 3p

**SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)**

1.	a) $f(x)' = \frac{xe^x}{(x+1)^2}, f(1)' = \frac{e}{4}$  $t : y - \frac{e}{2} = \frac{e}{4}(x-1) \Leftrightarrow ex - 4y + e = 0$	2p 3p															
b)	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$  $\lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x > -1}} f(x) = \infty$	3p 2p															
c)	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>-1</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td><math>- - - - -</math></td> <td><math>- - - - - - - 0</math></td> <td><math>+ + + + + + +</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>+\infty</math></td> <td><math>1</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table> <p>concluzia</p>	$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$+\infty$	$f'(x)$	$- - - - -$	$- - - - - - - 0$	$+ + + + + + +$		$f(x)$	$0$	$+\infty$	$1$	$+\infty$	4p 1p
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$+\infty$													
$f'(x)$	$- - - - -$	$- - - - - - - 0$	$+ + + + + + +$														
$f(x)$	$0$	$+\infty$	$1$	$+\infty$													

2.		
a)	Fie $F : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ primitivă pentru $f \Rightarrow$ $\Rightarrow F$ derivabilă pe $\mathbb{R}$ și $F'(x) = f(x)$	2p
	$F'(x) = 3x^2 + 1 > 0 \quad (\forall)x \in \mathbb{R} \Rightarrow$	2p
	$\Rightarrow F$ strict crescătoare pe $\mathbb{R}$	1p
b)	$\int f(x) dx = x^3 + x + C$ Fie $F : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , $F(x) = x^3 + x + c$ $A(1, 3) \in G_F \Leftrightarrow F(1) = 3 \Leftrightarrow 2 + c = 3 \Leftrightarrow c = 1$ $F(x) = x^3 + x + 1$	2p 1p 1p 1p
c)	$g : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ , $g(x) = (x+1)e^x$ $\int_0^1 g(x) dx = (x+1)e^x \Big _0^1 - e^x \Big _0^1 =$ $= 2e - 1 - e + 1 = e$	1p 3p 1p