

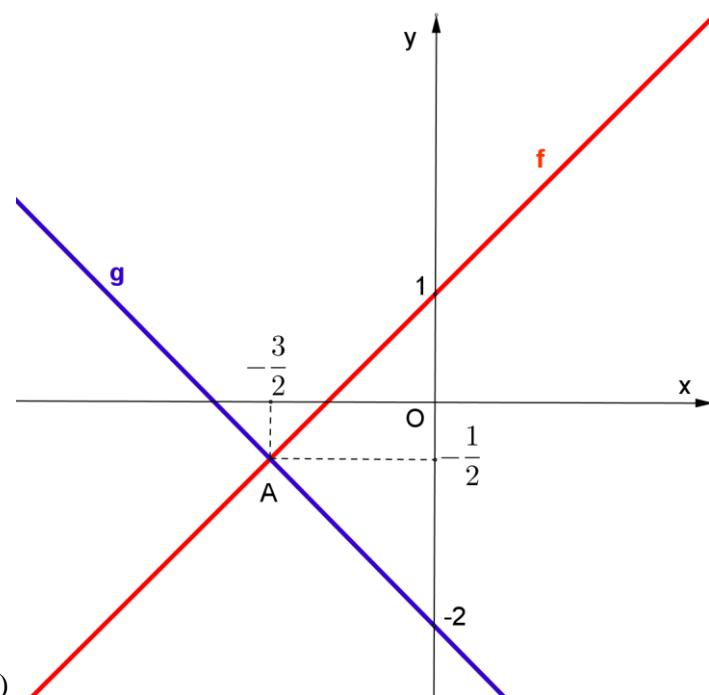
MODEL 3 – EVALUARE NAȚIONALĂ LA MATEMATICĂ

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

WWW.MATEINFO.RO

SUBIECTUL I		(30 de puncte)
1.	0	5p
2.	$\frac{2}{5}$	5p
3.	3	5p
4.	2000	5p
5.	1000	5p
6.	25	5p
SUBIECTUL II		(30 de puncte)
1.	Desen	4p
	Notăție	1p
2.	$m_g = \sqrt[3]{xy} \dots$	2p
	$m_g = \sqrt{(3-\sqrt{8})(3+\sqrt{8})} \dots$	1p
	$m_g = 1 \dots$	2p
3.	100 elevi reprezintă 25% din numărul de elevi ai școlii Numărul de elevi ai școlii este 400.	3p 2p

4.



a)

$$f(x) = g(x) \Rightarrow x =; f\left(-\frac{3}{2}\right) = -\frac{1}{2} \Rightarrow A\left(-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right) \in G_f \cap G_g$$

3p

2p

b) $d(A, Oy) = |x_A| = \frac{3}{2}$

5p

5

$$E(x) = \frac{2(x+1) - 2(x-2)}{(x+1)(x-2)} \cdot \frac{(x+1)(x-2)}{-2}$$

$$E(x) = -3 \in \mathbb{Z}$$

3p

2p

SUBIECTUL III

(30 de puncte)

1.

a) $AC = 10\sqrt{5} m$

1p

$$DO = 4\sqrt{5} m, OC = 2\sqrt{5} m$$

1p

$$OA = 8\sqrt{5} m;$$

1p

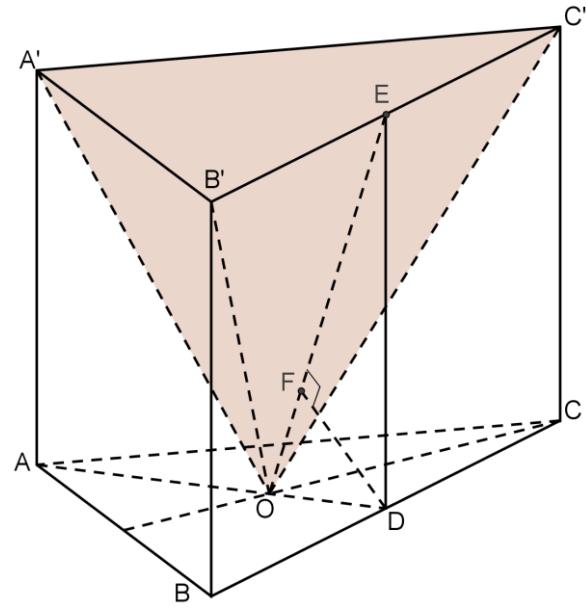
$$\text{și cu asemănare } OB = 16\sqrt{5} m$$

	$BD = 20\sqrt{5} \text{ m}$	1p 1p
	b) Tot din asemănare sau cu t. lui Pitagora $AB = 40 \text{ m}$ cu t. lui Pitagora $CB = 10\sqrt{13} \text{ m}$ $P_{ABCD} = 10(7 + \sqrt{13}) \text{ m}$	2p 2p 1p
	c) Fie V intersecția dreptelor AD și BC . Din asemănarea triunghiurilor VDC și VAB se obține $VD = \frac{20}{3} \text{ m} \Rightarrow VA = \frac{80}{3} \text{ m}$ $VB = \frac{40\sqrt{13}}{3} \text{ m}$ $p = \frac{100+20\sqrt{13}}{3} \text{ m}$ $r = \frac{S}{p} =$ $= \frac{80}{5 + \sqrt{13}} \text{ m}$	1p 1p 1p 1p 1p
2.	a) $V_{metal} = V_{prisma} - V_{piramida} =$ $= \frac{36\sqrt{3}}{4} \cdot 6 - \frac{36\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{6}{3} =$ $= 36\sqrt{3} \text{ cm}^3$	1p 2p 2p
	b) Suprafața ce trebuie vopsită are aria: $A = A_{l.pir} + A_{l.pr} + A_{b.pr}$ Fie D și E mijloacele muchiilor $[BC]$ și $[B'C']$. $OD = \sqrt{3} \text{ cm}; EO = \sqrt{39} \text{ cm} \Rightarrow A_{l.pir} = 9\sqrt{39} \text{ cm}^2$	1p 2p 1p

$$A = 9\sqrt{39} \text{ cm}^2 + 18 \cdot 6 \text{ cm}^2 + \frac{36\sqrt{3}}{4} \text{ cm}^2 \dots \dots \dots$$

1p

$$A = 9(\sqrt{39} + 12 + \sqrt{3}) \text{ cm}^2 \dots \dots \dots$$



c)

$$BC \parallel B'C' \Rightarrow BC \parallel (OB'C') \Rightarrow d(C, (OB'C')) = d(D, (OB'C'))$$

2p

Fie $F = pr_{EO}D$. Avem:

$$\begin{aligned} & \left. \begin{aligned} B'C' \perp OE \\ B'C' \perp DE \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} B'C' \perp (OED) \\ DF \subset (OED) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} B'C' \perp DF \\ EO \perp DF \end{aligned} \right\} \Rightarrow DF \perp (OB'C') \end{aligned}$$

2p

$$DF = \frac{DO \cdot ED}{OE} = \frac{6\sqrt{13}}{13} \text{ cm.}$$

1p

SAU: Se poate arăta că distanța este DF, cu reciproca a II-a a Teoremei celor trei perpendiculare.